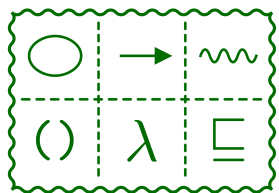


並行システムの検証と実装

第12章 並行システムの実装 1 同期機構による実装

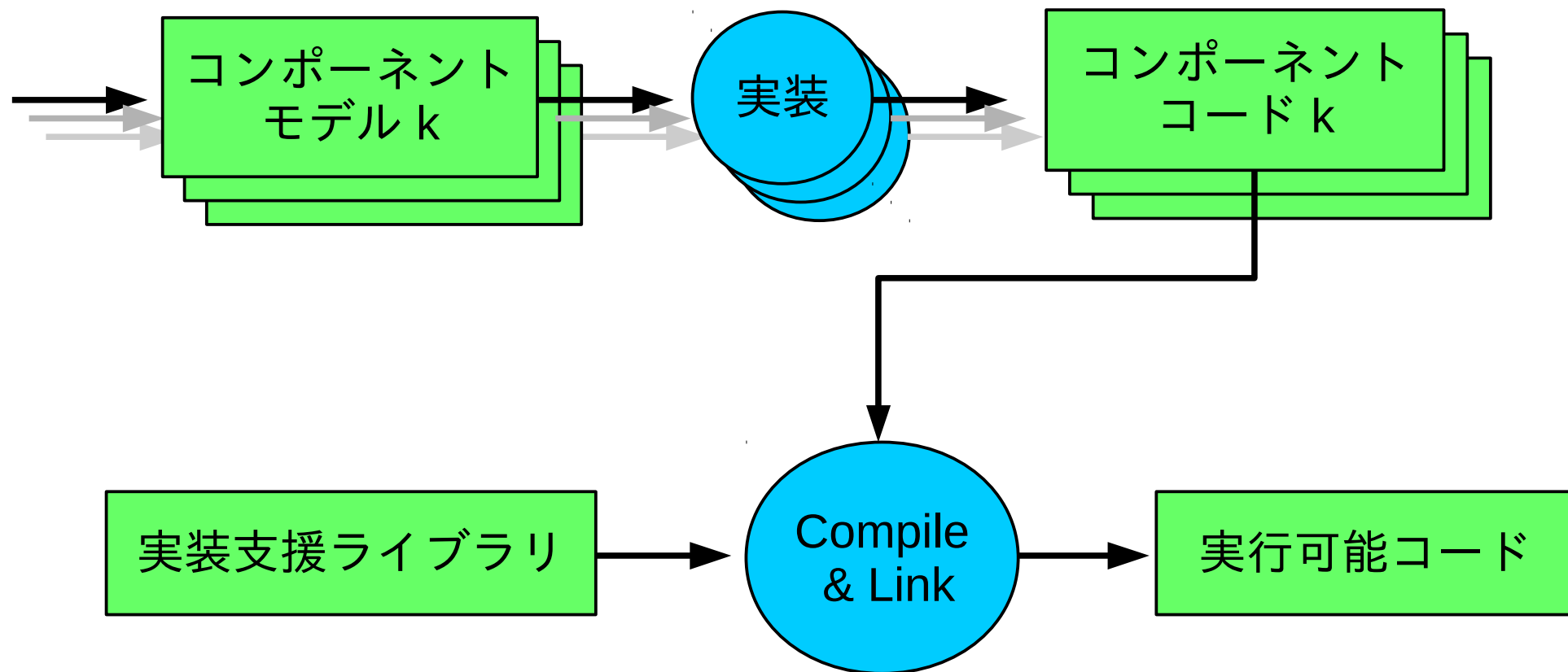
PRINCIPIA Limited

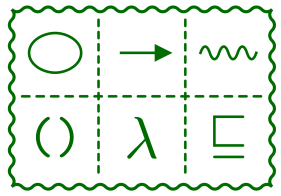
初谷 久史



モデルから実装へ

上流から



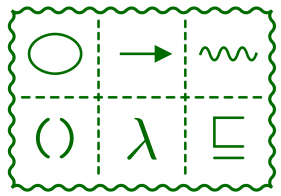


並行システムの実装

- CSP 実装支援ライブラリ MCCSP による実装

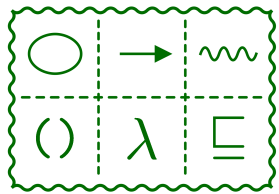
➡ 同期機構による実装

- 不可分操作によるロックフリーアルゴリズムの実装



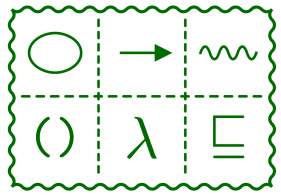
モデルから実装へ: 2つのケース

- システムを CSP の考え方（イベントによる同期型相互作用）で構築する
 - システムの振る舞いを CSP でモデル化し検査する
 - CSP の考え方をサポートするプログラミング言語やライブラリを使って実装する
- システムをオペレーティングシステムが提供する同期機構を使って実装する
 - CSP でモデル化した同期機構を部品としてシステムのモデルを作成し検査する
 - 同期機構を使って実装する



2つのケースの比較

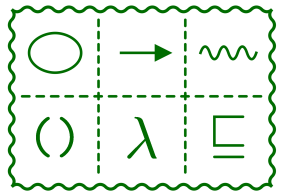
	利点	欠点
CSP	考え方がシンプルで，モデル化しやすく，検査において理論とツールの支援を受けやすい	オペレーティングシステム，プログラミング言語，ライブラリ等の支援が少ない
同期機構	現在の計算機アーキテクチャに適合しており性能が出しやすい	モデル化が難しく，検査すべき性質も表現しにくい．モデルの規模が大きくなりがちでツールの能力を超えやすい



POSIX.1 (IEEE Std 1003.1)

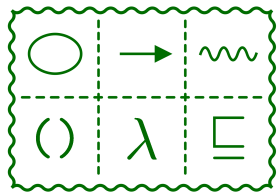
"POSIX.1-2008 defines a standard operating system interface and environment, including a command interpreter (or "shell"), and common utility programs to support applications portability at the source code level. It is intended to be used by both application developers and system implementors."

<http://pubs.opengroup.org/onlinepubs/9699919799/>



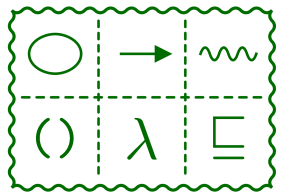
POSIX.1 スレッド関連

- スレッドライブラリ pthread.h
 - スレッドの作成と終了
 - ミューテックス
 - 条件変数
- 共有メモリ sys/mman.h
- セマフォ semaphore.h



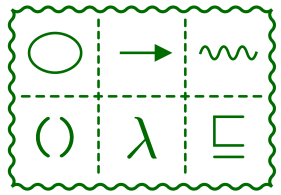
同期機構の比較

	POSIX	Win32	μITRON
Thread	pthread_create pthread_join pthread_exit	CreateThread _beginthreadex	cre_tsk
Mutex	pthread_mutex_lock pthread_mutex_unlock	WaitForSingleObject ReleaseMutex EnterCriticalSection LeaveCriticalSection	loc_mtx unl_mtx
Condition Variable	pthread_cond_wait pthread_cond_signal pthread_cond_broadcast	SleepConditionVariableCS WakeConditionVariable WakeAllConditionVariable	
Shared Memory	shm_open shm_unlink mmap	CreateFileMapping MapViewOfFile	
Semaphore	sem_wait sem_post	WaitForSingleObject ReleaseSemaphore	wai_sem sig_sem
Event Object Event Flag		WaitForSingleObject SetEvent ResetEvent	set_flg clr_flg wai_flg



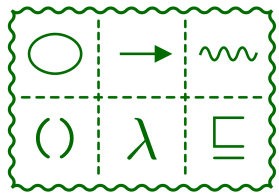
プロセス間での使用

	プロセス間で使用可能か?
Mutex	option pthread_mutexattr_setpshared PTHREAD_PROCESS_SHARED
Condition Variable	option pthread_condattr_setpshared PTHREAD_PROCESS_SHARED
Semaphore	YES
Shared Memory	YES



スレッドの作成と終了

- 作成
 - pthread_create
- 終了
 - return or pthread_exit
- 終了待ち
 - pthread_join



pthread_create

スレッドを作成する

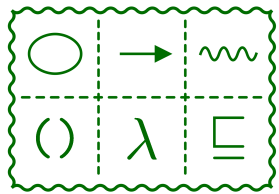
```
int pthread_create(pthread_t *thread,  
                  const pthread_attr_t *attr,  
                  void *(*start_routine)(void*), void *arg)
```

Parameters

thread 作成したスレッドの ID を格納する変数へのポインタ
attr 属性（既定値の場合は NULL を指定）
start_routine スレッドの処理を記述した関数へのポインタ
arg *start_routine* に渡す引数

Return Value

成功の場合は 0，失敗の場合はエラー番号



pthread_join

スレッドの終了を待つ

```
int pthread_join(pthread_t thread, void **value_ptr)
```

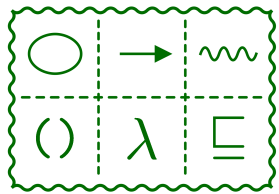
Parameters

thread スレッド ID

value_ptr スレッドの終了値を格納する変数へのポインタ

Return Value

成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号



pthread_exit

スレッドを終了する

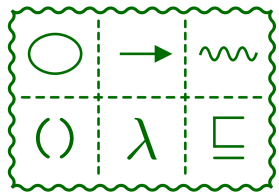
```
void pthread_exit(void *value_ptr)
```

Parameters

value_ptr スレッドの終了値

Return Value

なし

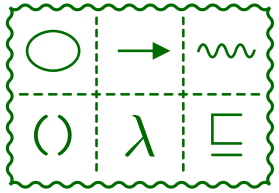


pthread_create 例

```
void *thread_entry(void *arg)
{
    printf("hello, thread %s\n", (char *)arg);
    return arg;
}
```

start_routine から return するとスレッドが終了する

関数呼び出しの深いところで終了するには
pthread_exit を使う

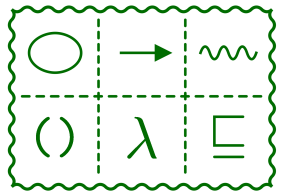


pthread_create 例

```
int main()
{
    pthread_t th;
    void *arg, *retcode;
    int r;

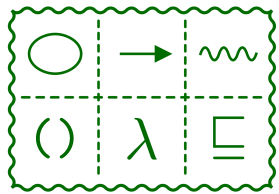
    arg = "foo";
    r = pthread_create(&th, NULL, &thread_entry, arg);
    assert(r == 0);
    r = pthread_join(th, &retcode);
    assert(r == 0);
    assert(retcode == arg);
    return 0;
}
```

```
#include <stdio.h>
#include <pthread.h>
#include <assert.h>
```

ミューテックス

- 作成と破壊
 - pthread_mutex_init
 - pthread_mutex_destroy
- ロックとアンロック
 - pthread_mutex_lock
 - pthread_mutex_unlock



pthread_mutex_init

ミューテックスを初期化する

```
int pthread_mutex_init(pthread_mutex_t *mutex,  
                        const pthread_mutexattr_t *attr)
```

Parameters

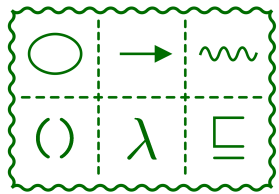
mutex ミューテックスへのポインタ
attr 属性（既定値の場合は NULL を指定）

Return Value

成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号

Remarks

属性が既定値の場合は `mutex = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER`
で初期化できる



pthread_mutex_destroy

ミューテックスを破壊する

```
int pthread_mutex_destroy(pthread_mutex_t *mutex)
```

Parameters

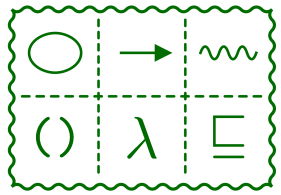
mutex ミューテックスへのポインタ

Return Value

成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号

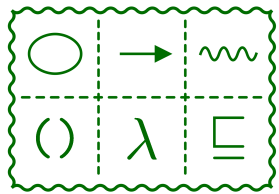
Remarks

ロックされているミューテックスに対して呼び出した場合の挙動は未定義



ミューテックスの例

```
pthread_mutex_t mutex;  
  
r = pthread_mutex_init(&mutex, NULL);  
assert(r == 0);  
  
/* use mutex */  
  
r = pthread_mutex_destroy(&mutex);  
assert(r == 0);
```



pthread_mutex_lock / unlock

ミューテックスをロック・アンロックする

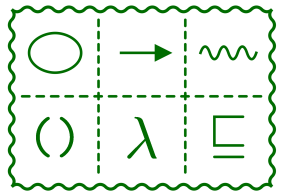
```
int pthread_mutex_lock(pthread_mutex_t *mutex)  
int pthread_mutex_unlock(pthread_mutex_t *mutex)
```

Parameters

mutex ミューテックスへのポインタ

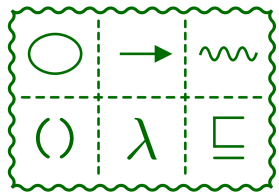
Return Value

成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号



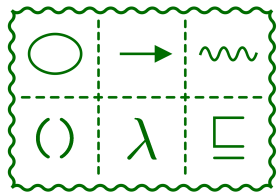
ミューテックスの例

```
r = pthread_mutex_lock(&mutex);  
assert(r == 0);  
  
/* critical section */  
  
r = pthread_mutex_unlock(&mutex);  
assert(r == 0);
```



条件変数

- 作成と破壊
 - pthread_cond_init
 - pthread_cond_destroy
- 操作
 - pthread_cond_wait
 - pthread_cond_signal
 - pthread_cond_broadcast



pthread_cond_init

条件変数を初期化する

```
int pthread_cond_init(pthread_cond_t *cond,  
                      const pthread_condattr_t *attr)
```

Parameters

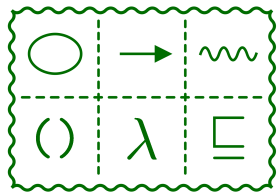
cond 条件変数へのポインタ
attr 属性（既定値の場合は NULL を指定）

Return Value

成功の場合は 0，失敗の場合はエラー番号

Remarks

属性が既定値の場合は `cond = PTHREAD_COND_INITIALIZER` で
初期化できる



pthread_cond_destroy

条件変数を破壊する

```
int pthread_cond_destroy(pthread_cond_t *cond)
```

Parameters

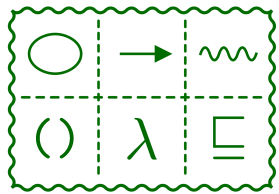
cond 条件変数へのポインタ

Return Value

成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号

Remarks

待ちスレッドがある条件変数に対して呼び出した場合の挙動は未定義



pthread_cond_wait

スレッドを待ち状態にする

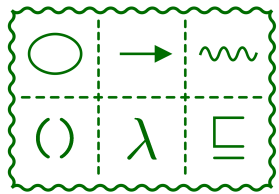
```
int pthread_cond_wait(pthread_cond_t *cond,  
                      pthread_mutex_t *mutex)
```

Parameters

cond 条件変数へのポインタ
mutex ミューテックスへのポインタ

Return Value

成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号



pthread_cond_signal

条件変数を待っているスレッドを1つ解放する

```
int pthread_cond_signal(pthread_cond_t *cond)
```

Parameters

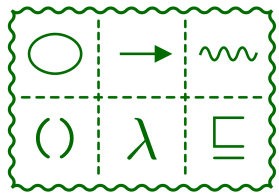
cond 条件変数へのポインタ

Return Value

成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号

Remarks

待ちスレッドがない場合は何の効果もない
解放されるスレッドの選択はスケジューリングポリシーによる



pthread_cond_broadcast

条件変数を待っているスレッドをすべて解放する

```
int pthread_cond_broadcast(pthread_cond_t *cond)
```

Parameters

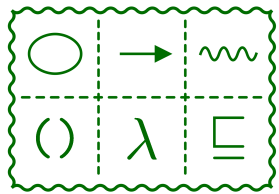
cond 条件変数へのポインタ

Return Value

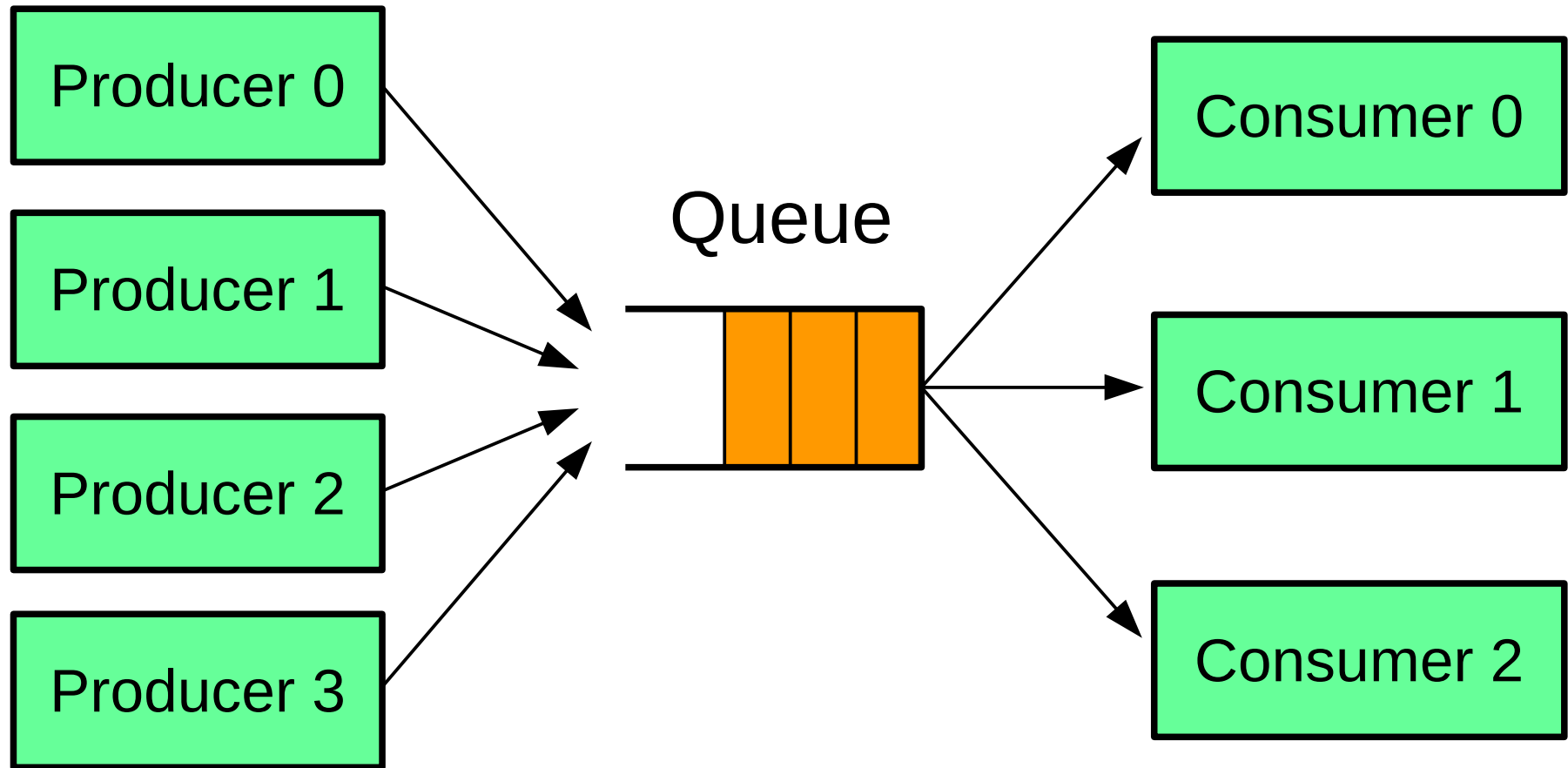
成功の場合は 0, 失敗の場合はエラー番号

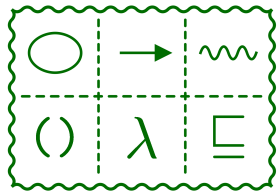
Remarks

待ちスレッドがない場合は何の効果もない
解放されるスレッドの選択はスケジューリングポリシーによる



生產者 · 消費者問題





生産者・消費者問題の仕様

```
(define NP 2)      NP: 生産者数
(define NC 2)      NC: 消費者数
(define L 2)       L: バッファの大きさ
(define M 2)       M: データの種類
```

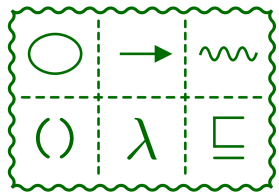
```
(define IM (interval 0 M))
(define DM (map list IM))
```

```
(define-channel in (x) DM)
(define-channel out (x) DM)
```

データの生産・消費の代わりに
チャンネルの入出力を使う

```
(define-channel enq (x) DM)
(define-channel deq (x) DM)
```

仕様記述のための内部チャンネル



生産者・消費者問題の仕様

生産者

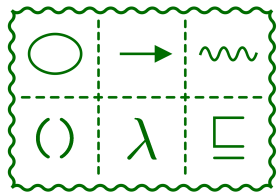
```
(define-process IN (? in (x) (! enq (x) IN)))
```

消費者

```
(define-process OUT (? deq (x) (! out (x) OUT)))
```

Queue

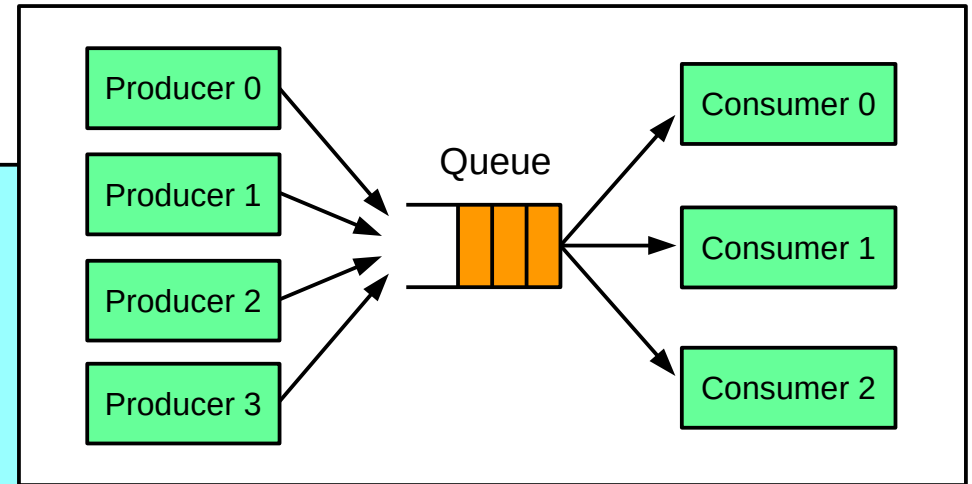
```
(define-process (QUE xs)
  (alt
    (if (< (length xs) L)
      (? enq (x) (QUE (append xs (list x))))
      STOP)
    (if (null? xs)
      STOP
      (! deq ((car xs)) (QUE (cdr xs))))))
```

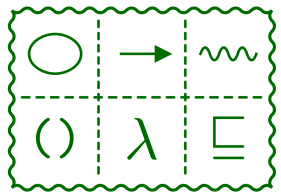


生産者・消費者問題の仕様

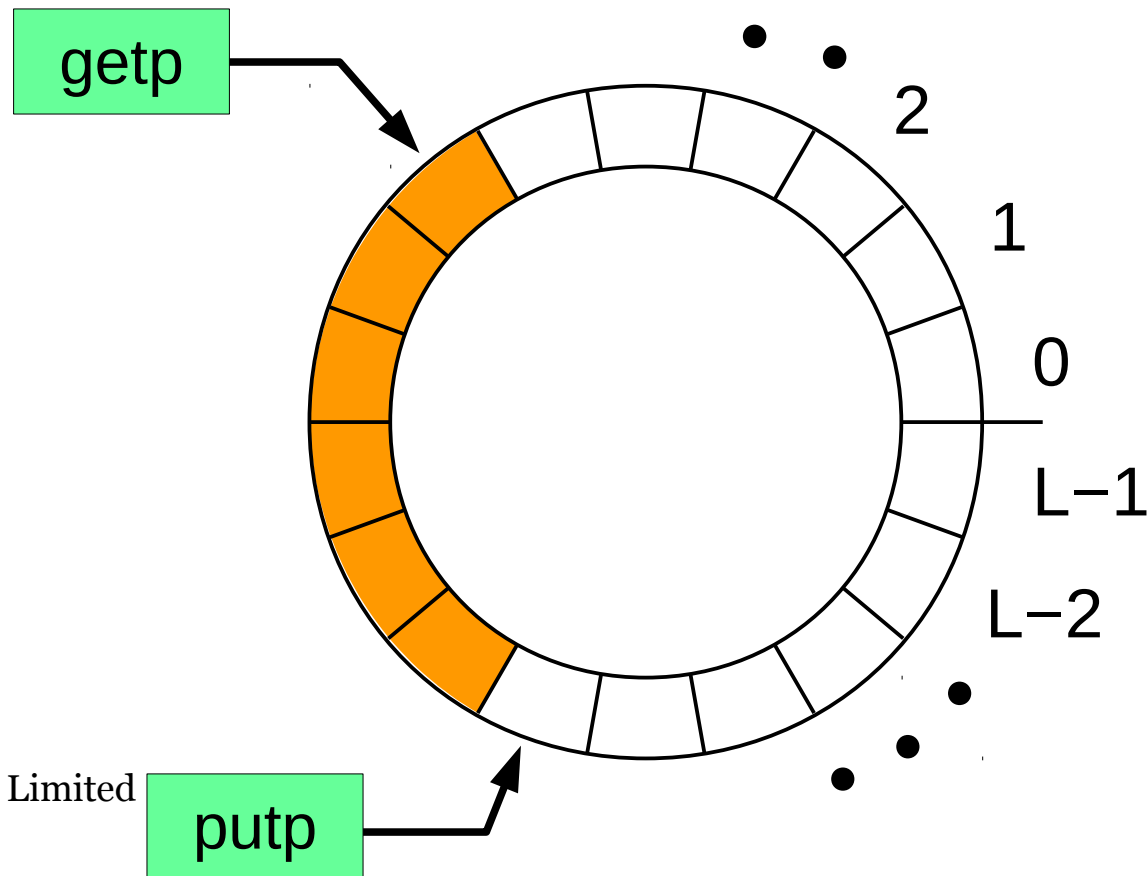
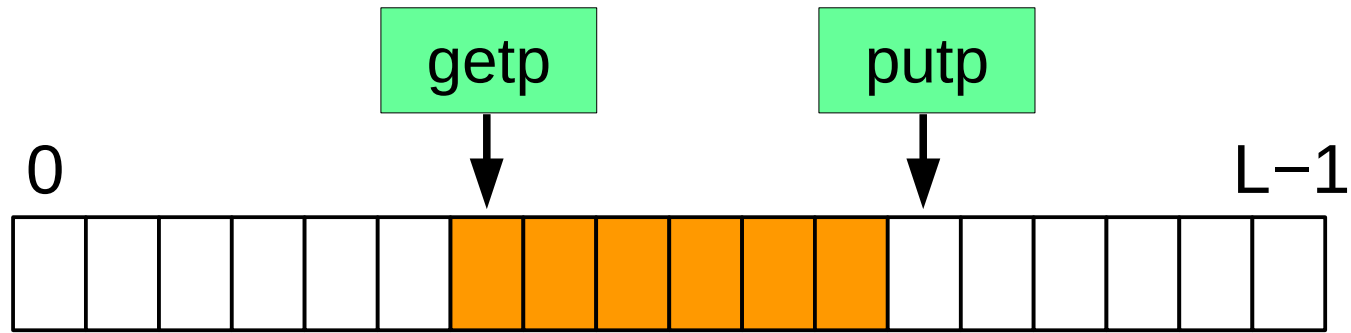
仕様

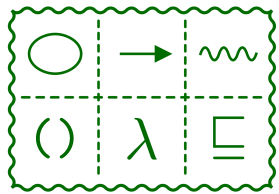
```
(define-process SPEC
  (hpar (list enq deq)
    (par '()
      (if (= NP 1)
        IN
        (xpar k (interval 0 NP) '() IN))
      (if (= NC 1)
        OUT
        (xpar k (interval 0 NC) '() OUT)))
    (QUE '())))
```



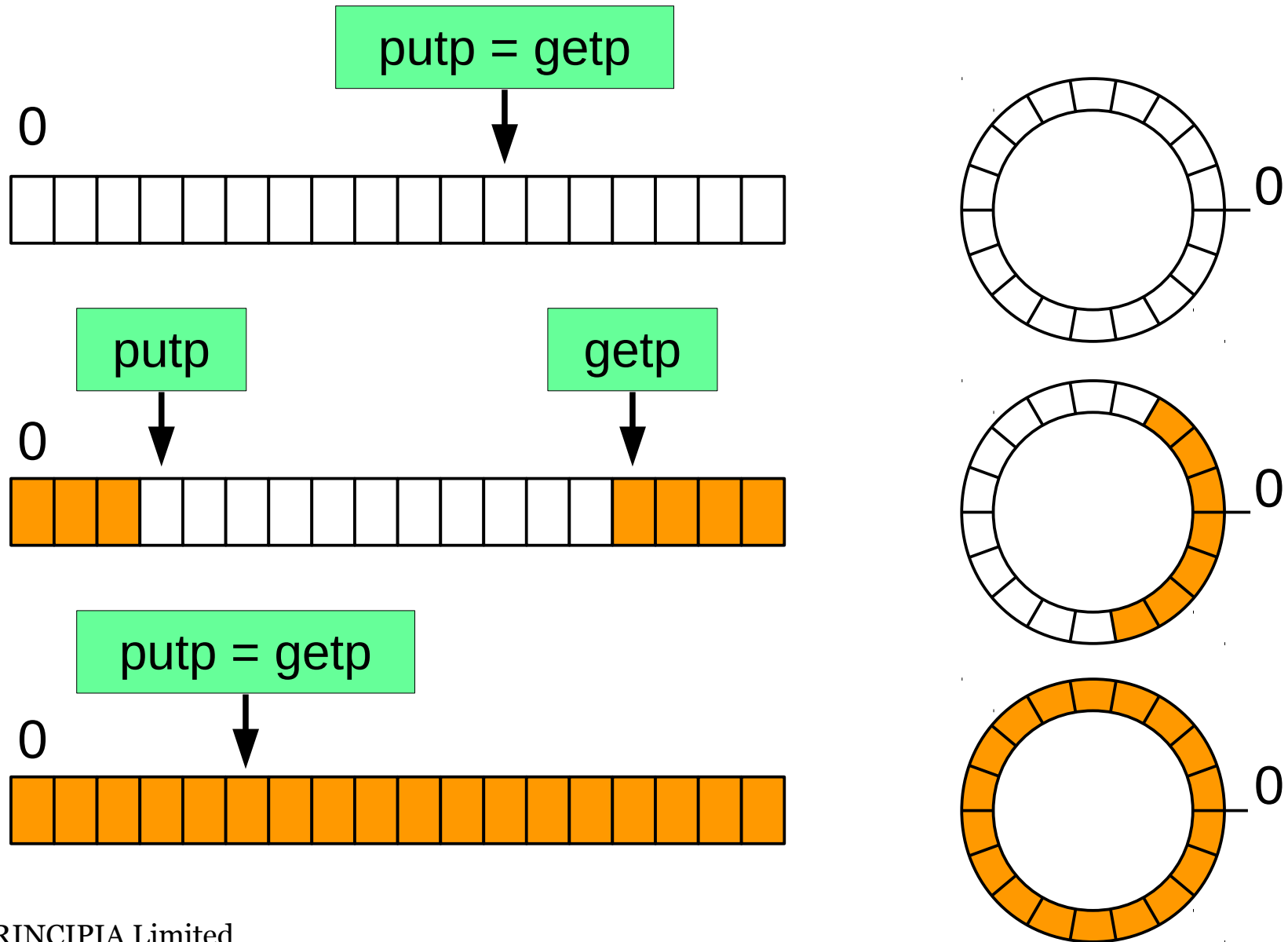


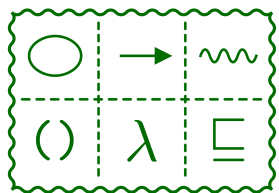
キューの実装: リングバッファ



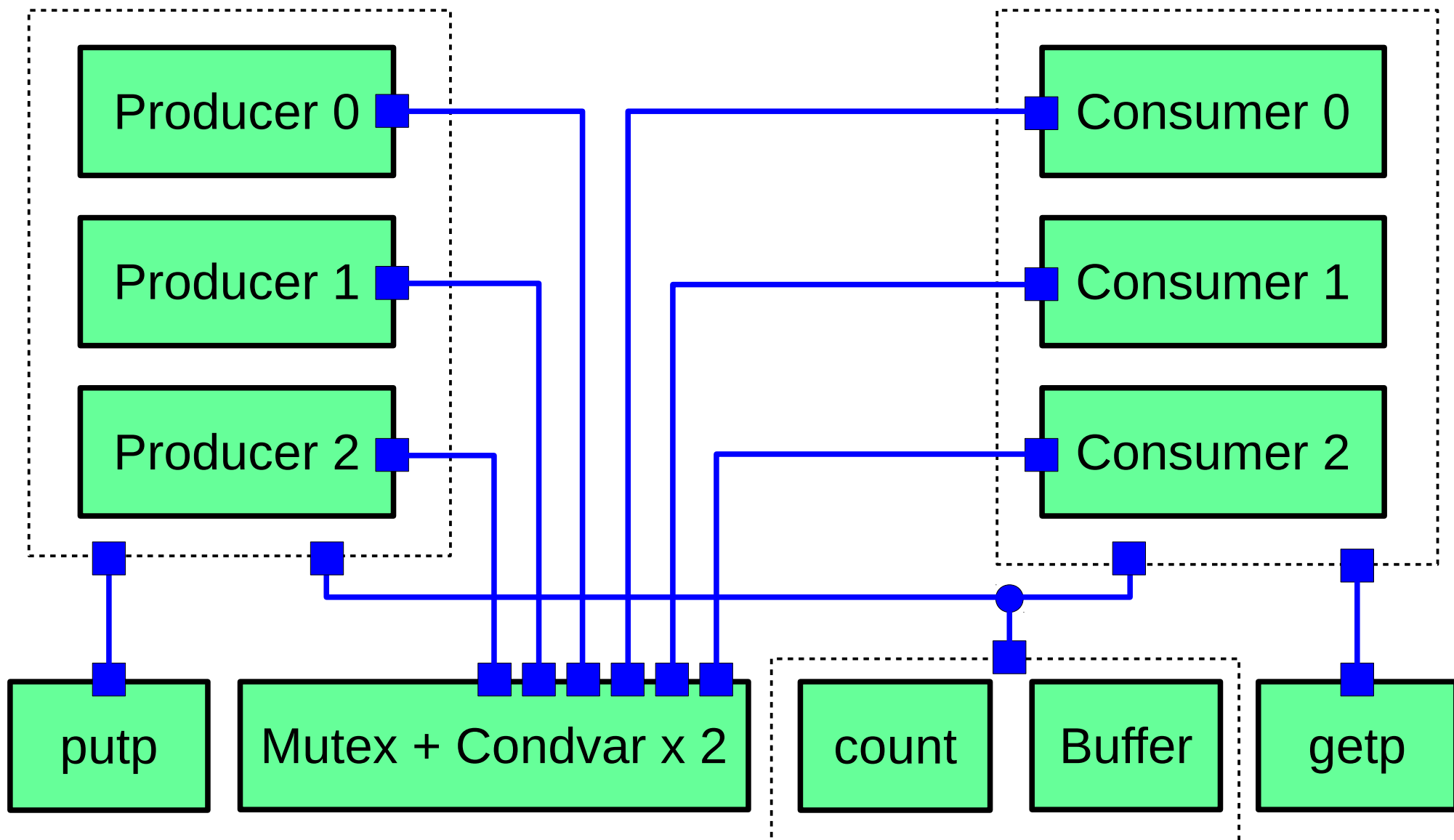


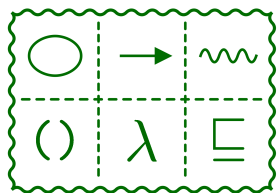
リングバッファの状態分類





生産者・消費者問題: 構造図





イベント定義: 定義域

```
(define N (+ NP NC))
```

```
(define I (interval 0 N))
```

```
(define D (map list I))
```

ミューテックスと条件変数の
システムコールチャンネル定義域

```
(define IL (interval 0 L))
```

```
(define DL (map list IL))
```

putp, getp の変域

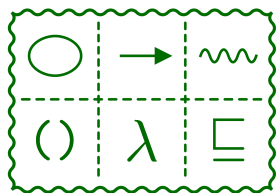
```
(define ILx (interval 0 (+ L 1)))
```

```
(define DLx (map list ILx))
```

count の変域

```
(define DLM (combinations (list IL IM)))
```

共有メモリ上にあるリングバッファ用配列の
読み書きチャンネルの定義域



イベント定義

Buffer

```
(define-channel buf.rd (k x) DLM)  
(define-channel buf.wr (k x) DLM)
```

count

```
(define-channel count.rd (x) DLx)  
(define-channel count.wr (x) DLx)
```

putp

```
(define-channel putp.rd (x) DL)  
(define-channel putp.wr (x) DL)
```

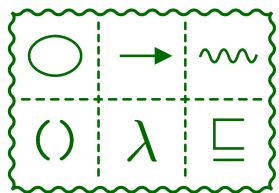
getp

```
(define-channel getp.rd (x) DL)  
(define-channel getp.wr (x) DL)
```

mutex + condvar x 2

```
(define-channel ret (k) D)  
(define-channel lock (k) D)  
(define-event unlock)  
(define-channel wait0 (k) D)  
(define-channel wait1 (k) D)  
(define-event signal0)  
(define-event signal1)  
(define-event broadcast0)  
(define-event broadcast1)
```

lock, wait はシステムコール型
unlock, signal, broadcast は同期型



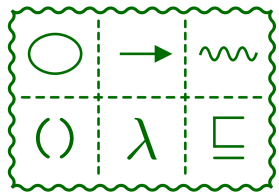
補助関数定義

```
(define (update xs k x)
  (if (= k 0)
      (cons x (cdr xs))
      (cons (car xs)
            (update (cdr xs) (- k 1) x))))
```

```
(update '(0 1 2 3) 2 'X)
=> (0 1 X 3)
```

```
(define (insert x xs)
  (if (null? xs)
      (list x)
      (if (< x (car xs))
          (cons x xs)
          (cons (car xs)
                (insert x (cdr xs))))))
```

```
(insert 5 '(0 2 4 6))
=> (0 2 4 5 6)
```



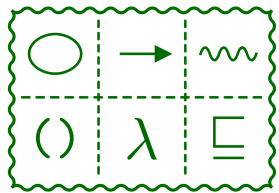
プロセス定義: 共有メモリ

```
(define-process (SV m rd wr)
  (alt
    (! rd (m) (SV m rd wr))
    (? wr (x) (SV x rd wr))))
```

count
putp
getp

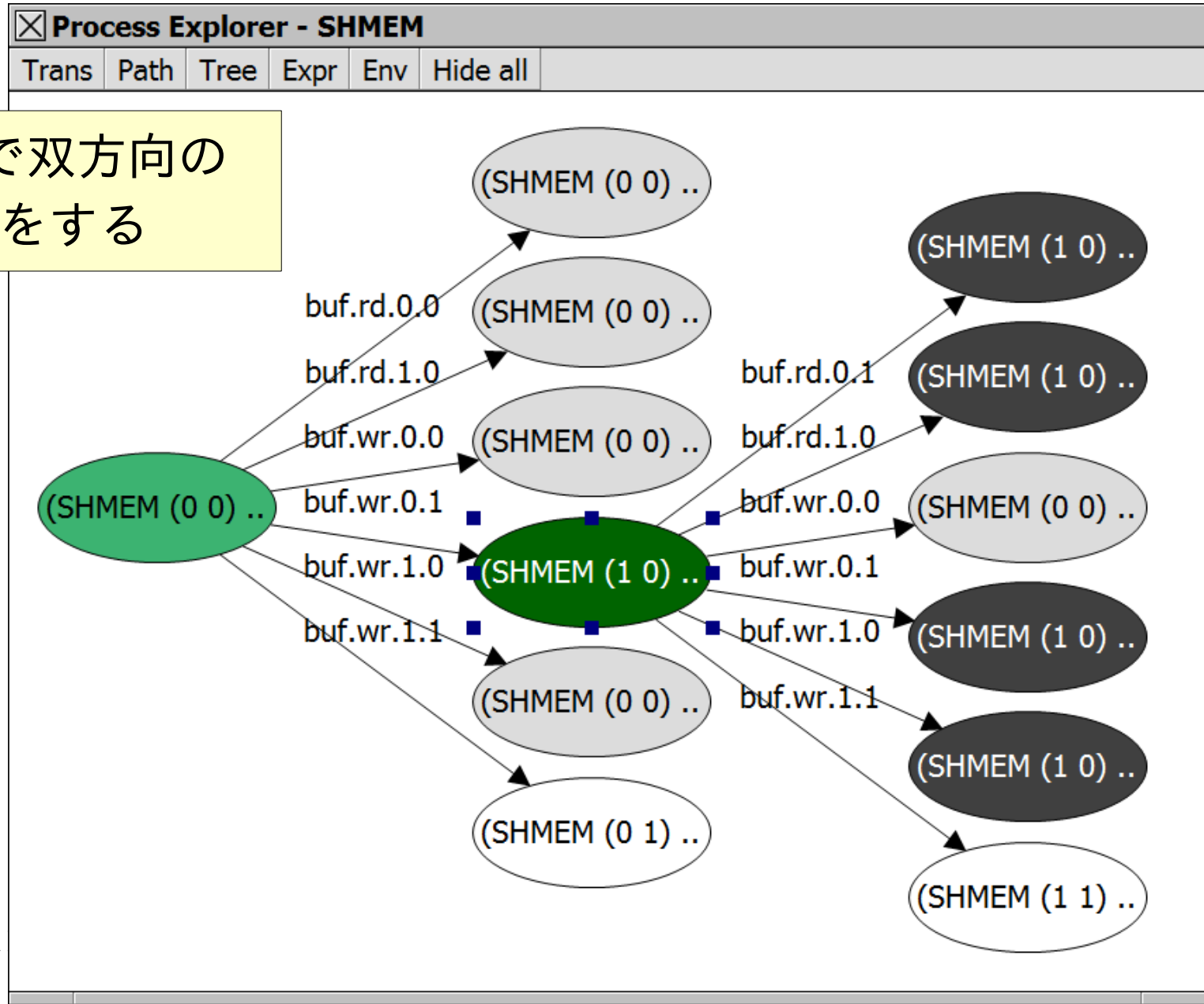
```
(define-process (SHMEM xs rd wr)
  (alt
    (? rd (k x) (equal? (list-ref xs k) x)
      (SHMEM xs rd wr))
    (? wr (k x)
      (SHMEM (update xs k x) rd wr))))
```

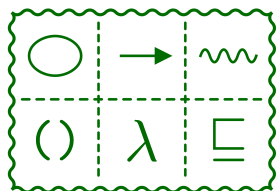
Buffer



配列 SHMEM の計算木

1回の通信で双方向の
データ交換をする



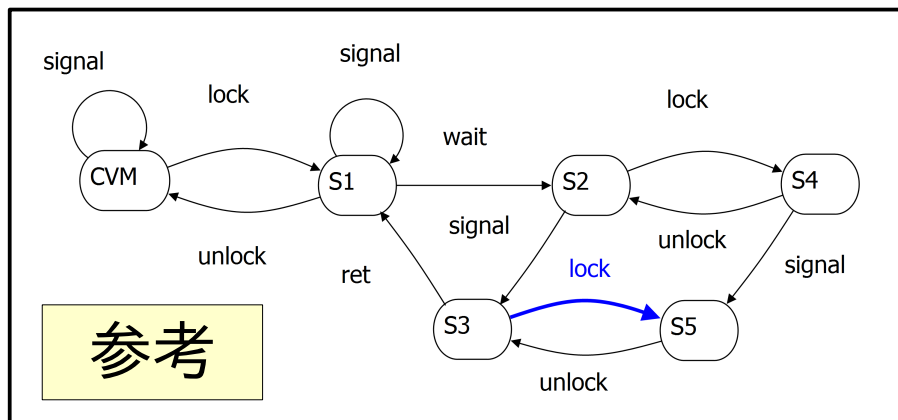


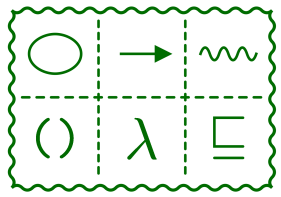
ミューテックス + 条件変数

```
(define-process (CVML m ms cs)
  (alt
    (? lock (k)
      (and (not (eq? j m))
           (not (member k ms))
           (not (member k cs)))
      (CVML m (insert k ms) cs))
    (! unlock
      (if m
          (CVML #f ms cs)
          STOP))
    (? wait (k) (eqv? k m)
      (CVML #f ms (insert m cs)))
    (! signal
      (if (null? cs)
          (CVML m ms cs)
          (xndc k cs
               (CVML m (insert k ms) (remove k cs))))))
    (! broadcast
      (CVML m (list-sort < (append cs ms)) '()))
    (if (or m (null? ms))
        STOP
        (xndc k ms
              (! ret (k) (CVML k (remove k ms) cs))))))
```

条件変数1個の場合

lock プロセス非強解
待ちプロセス非強解

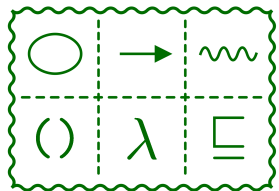




ミューテックス + 条件変数: プロセスパラメータ

```
(define-process (CVML m ms cs)  
  (alt ...
```

- m ミューテックスをロックしているプロセスの ID
ロックされていない場合は #f
- ms ミューテックスを待っているプロセスの ID リスト (昇順)
- cs 条件変数を待っているプロセスの ID リスト (昇順)

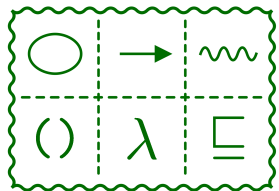


ミューテックス + 条件変数: lock

```
(define-process (CVML m ms cs)
  (alt
    (? lock (k)
      (and (not (eq? k m))
            (not (member k ms))
            (not (member k cs)))
      (CVML m (insert k ms) cs))
    ...
```

誤り検出 + モデル有限化
のためのガード

ミューテックス待ちリストに加える



ミューテックス + 条件変数: unlock

```
(define-process (CVML m ms cs)
```

```
(alt
```

```
...
```

```
(! unlock
```

```
(if m
```

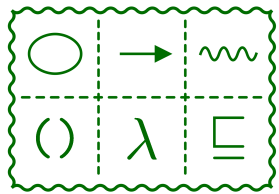
```
(CVML #f ms cs)
```

```
STOP))
```

```
...
```

誤り検出のためのガード

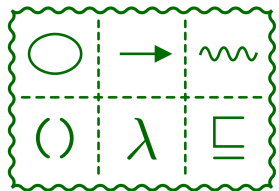
ミューテックスをアンロックする



ミューテックス + 条件変数: wait

```
(define-process (CVML m ms cs)
  (alt
    ...
    (? wait (k) (eqv? k m)
      (CVML #f ms (insert m cs))))
  ...)
```

ミューテックスをアンロックし，かつ同時に（不可分に）プロセスを条件変数の待ちリストに加える



ミューテックス + 条件変数: signal

```
(define-process (CVML m ms cs)
```

```
  (alt
```

```
    ...
```

```
    (! signal
```

```
      (if (null? cs)
```

```
        (CVML m ms cs)
```

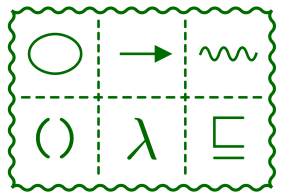
```
        (xndc k cs
```

```
          (CVML m (insert k ms) (remove k cs))))))
```

```
    ...
```

条件変数を待っているプロセスがなければ何もしない

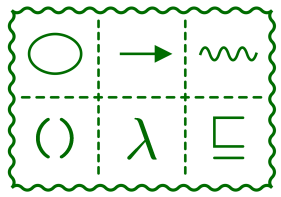
条件変数を待っているプロセスから非決定的に1つ選択し
ミューテックスの待ちリストへ移す



ミューテックス + 条件変数: broadcast

```
(define-process (CVML m ms cs)
  (alt
    ...
    (! broadcast
      (CVML m (list-sort < (append cs ms)) '(()))
    ...
```

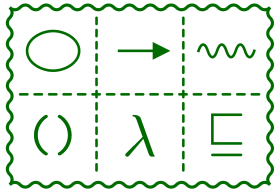
条件変数を待っているすべてのプロセスを
ミューテックスの待ちリストへ移す



ミューテックス + 条件変数: リターン (ロック獲得)

```
(define-process (CVML m ms cs)
  (alt
    ...
    (if (or m (null? ms))
      STOP
      (xndc k ms
        (! ret (k) (CVML k (remove k ms) cs)))))))
```

ミューテックスが非ロック状態で、かつミューテックスを待っているプロセスがある場合は、非決定的に1つを選択しロックを与える (リターンする)



ミューテックス + 条件変数 x 2

```
(define-process CVM  
  (CVML #f '() '() '()))
```

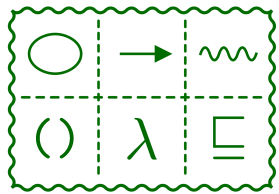
```
(define-process (CVML m ms cs0 cs1)
```

```
(! lock (k)  
  (and (not (eq? k m))  
        (not (member k ms))  
        (not (member k cs0))  
        (not (member k cs1))))  
  (CVML m (insert k ms) cs0 cs1))  
(! unlock  
  (if m  
      (CVML #f ms cs0 cs1)  
      STOP))  
(! wait0 (k) (eqv? k m)  
  (CVML #f ms (insert m cs0) cs1))  
(! wait1 (k) (eqv? k m)  
  (CVML #f ms cs0 (insert m cs1)))  
(! signal0  
  (if (null? cs0)  
      (CVML m ms cs0 cs1)  
      (xndc k cs0  
        (CVML m (insert k ms) (remove k cs0) cs1))))  
(! signal1  
  (if (null? cs1)  
      (CVML m ms cs0 cs1)  
      (xndc k cs1  
        (CVML m (insert k ms) cs0 (remove k cs1)))))  
(! broadcast0  
  (CVML m (list-sort < (append cs0 ms)) '() cs1))  
(! broadcast1  
  (CVML m (list-sort < (append cs1 ms)) cs0 '()))  
(! (if (or m (null? ms))  
      STOP  
      (xndc k ms  
        (! ret (k) (CVML k (remove k ms) cs0 cs1))))))
```

```
(define-process (CVML m ms cs0 cs1)
```

条件変数待ちリストを2つ用意

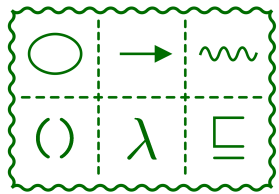
wait, signal, broadcast を
それぞれ2セット用意



プロセス定義: 生産者

```
(define-process (P k)
  (? in (x)
    (! lock (k)
      (! ret (k) (P-LOOP k x))))))

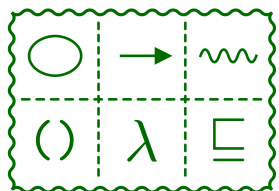
(define-process (P-LOOP k x)
  (? count.rd (c)
    (if (= c L)
      (! wait0 (k)
        (! ret (k) (P-LOOP k x)))
      (? putp.rd (i)
        (! buf.wr (i x)
          (! putp.wr ((mod (+ i 1) L))
            (! count.wr ((+ c 1))
              (! signal1
                (! unlock (P k)))))))))))))
```



プロセス定義: 消費者

```
(define-process (Q k)
  (! lock (k)
    (! ret (k) (Q-LOOP k))))

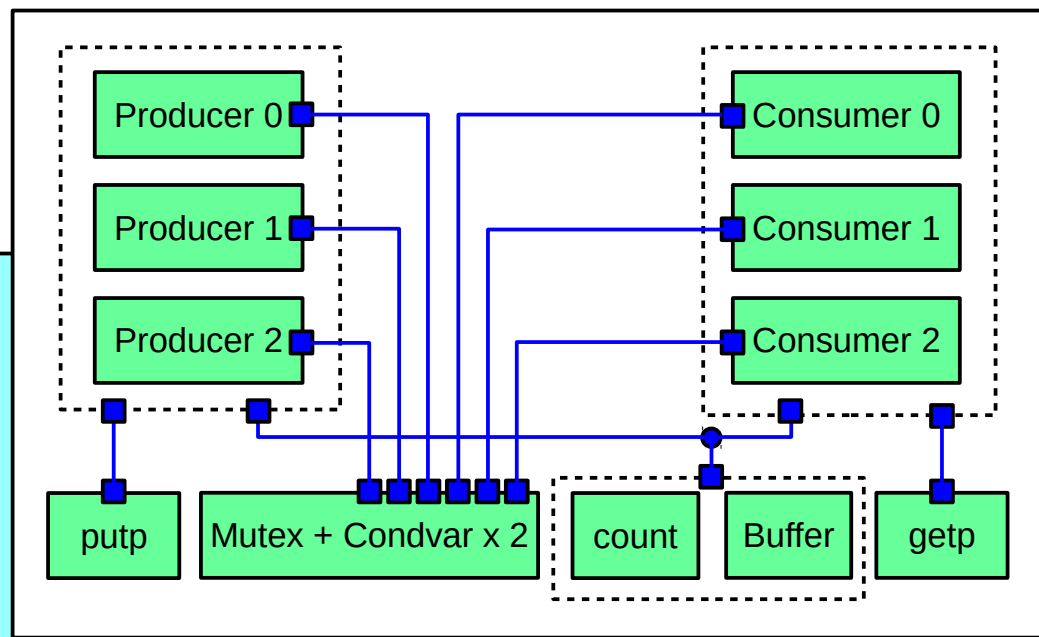
(define-process (Q-LOOP k)
  (? count.rd (c)
    (if (= c 0)
      (! wait1 (k)
        (! ret (k) (Q-LOOP k)))
      (? getp.rd (i)
        (? buf.rd (ii x) (= i ii)
          (! getp.wr ((mod (+ i 1) L))
            (! count.wr ((- c 1))
              (! signal0
                (! unlock
                  (! out (x) (Q k)))))))))))))
```

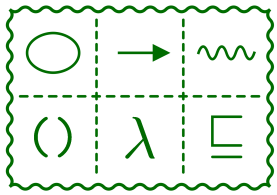


並行合成

```

(define-process SYS
  (par X
    (par '()
      (if (= NP 1)
        (P 0)
        (xpar k (interval 0 NP) '() (P k))))
      (if (= NC 1)
        (Q NP)
        (xpar k (interval NP (+ NP NC)) '() (Q k))))
    (par '()
      (SV 0 putp.rd putp.wr)
      (SV 0 getp.rd getp.wr)
      (SV 0 count.rd count.wr)
      (SHMEM (map (lambda (i) 0) IL) buf.rd buf.wr)
      CVM)))
  
```

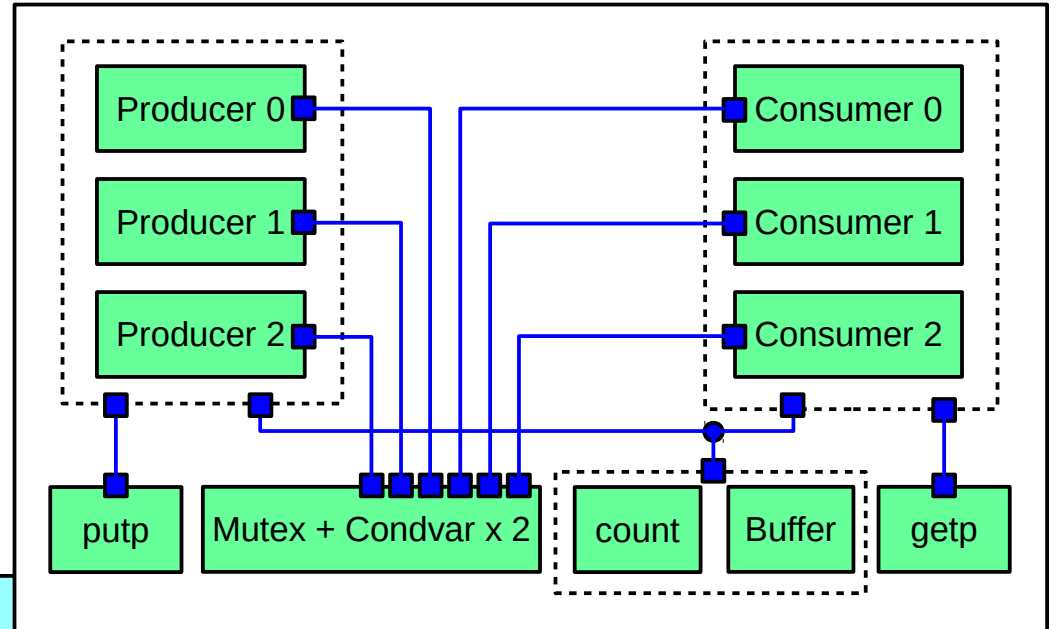


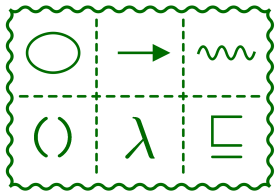


隱蔽

```
(define-process HSYS  
  (hide X SYS))
```

```
(define X  
  (list ret lock unlock  
        wait0 signal0 broadcast0  
        wait1 signal1 broadcast1  
        count.rd count.wr  
        getp.rd getp.wr  
        putp.rd putp.wr  
        buf.rd buf.wr))
```



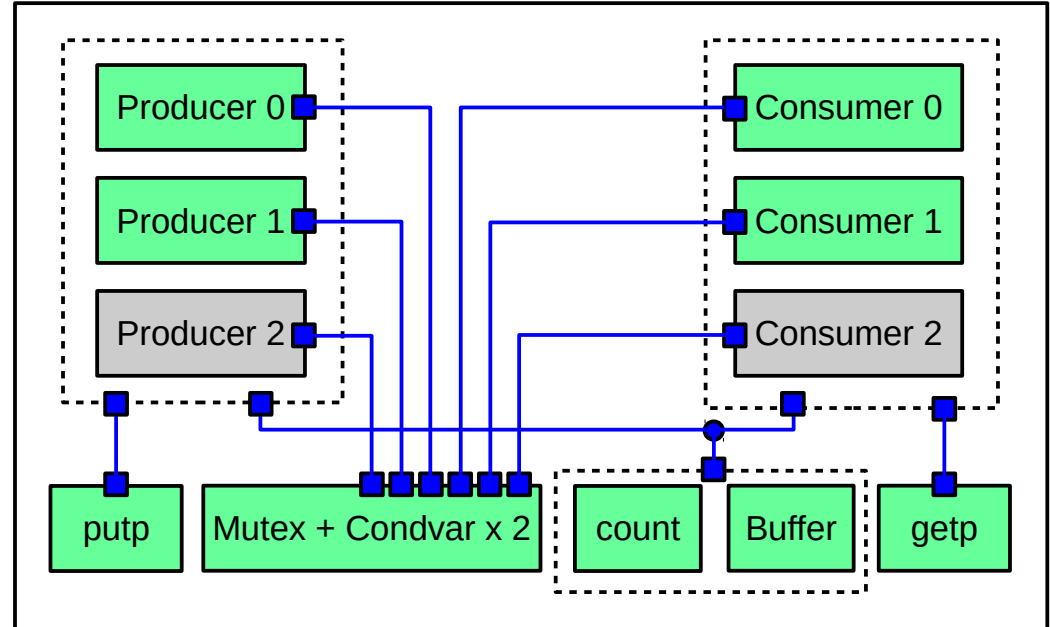
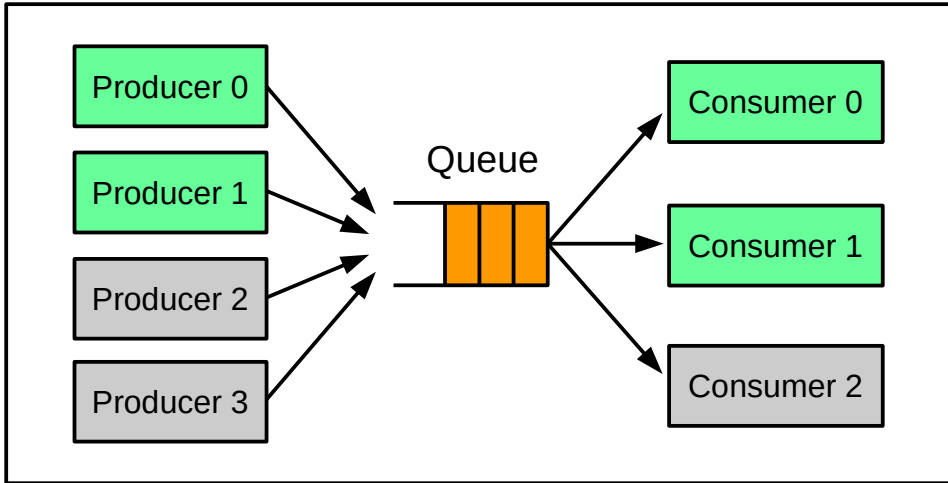


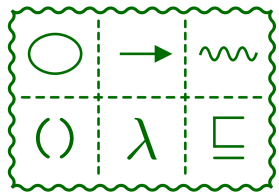
検査

☒ Assertions - producers-consumers-cv

- ✓ (deadlock SYS)
- ✓ (divergence HSYS)
- ✓ (failure SPEC HSYS)
- ✓ (failure HSYS SPEC)

$$\text{SPEC} =_F \text{HSYS}$$





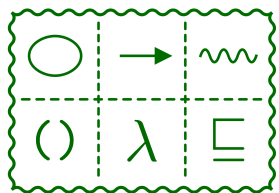
生産者・消費者問題の実装

producers-consumers-cv.c

```
#define NP 1
#define NC 6
#define L 3
```

NP: 生産者数
NC: 消費者数
L: バッファの大きさ

```
pthread_mutex_t mutex;
pthread_cond_t cond_empty;
pthread_cond_t cond_full;
volatile int buf[L];
volatile int count, getp, putp;
```

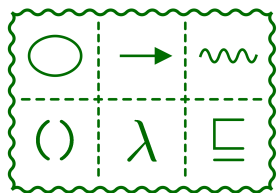


生産者

```
(define-process (P k)
  (? in (x)
    (! lock (k)
      (! ret (k)
        (P-LOOP k x))))))
```

```
(define-process (P-LOOP k x)
  (? count.rd (c)
    (if (= c L)
      (! wait0 (k)
        (! ret (k) (P-LOOP k x)))
      (? putp.rd (i)
        (! buf.wr (i x)
          (! putp.wr ((mod (+ i 1) L))
            (! count.wr ((+ c 1))
              (! signal1
                (! unlock (P k))))))))))
```

```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```

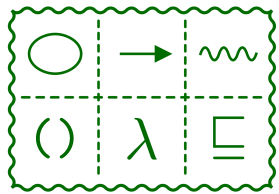



消費者

```
(define-process (Q k)
  (! lock (k)
    (! ret (k)
      (Q-LOOP k))))

(define-process (Q-LOOP k)
  (? count.rd (c)
    (if (= c 0)
      (! wait1 (k)
        (! ret (k)
          (Q-LOOP k))))
    (? getp.rd (i)
      (? buf.rd (ii x) (= i ii)
        (! getp.wr ((mod (+ i 1) L))
          (! count.wr ((- c 1))
            (! signal0
              (! unlock
                (! out (x) (Q k))))))))))
```

```
int get(void)
{
    int x;
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == 0) {
        pthread_cond_wait(&cond_empty, &mutex);
    }
    x = buf[getp++];
    if (getp == L) getp = 0;
    count--;
    pthread_cond_signal(&cond_full);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
    return x;
}
```

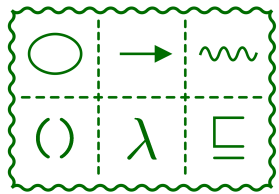


生産者ループ

```
void *producer(void *arg)
{
    int k = (intptr_t)arg;
    int i;
    for (i = 0; i < M; ++i) {
        put(k * M + i);
    }
    return NULL;
}
```

k はプロセス ID (0~NP-1)

生産者間で重複しない
M 個の整数を生産



消費者ループ

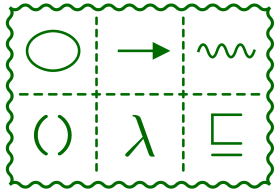
```
void *consumer(void *arg)
{
    int k = (intptr_t)arg;
    int x, n, i;
    n = NP * M / NC;
    n = (k > 0) ? n : NP * M - (NC - 1) * n;
    for (i = 0; i < n; ++i) {
        x = get();
    }
    return NULL;
}
```

k はプロセス ID (0~NC-1)

データは $NP * M$ 個生産される

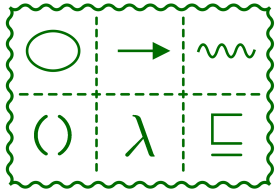
プロセス ID が 1~NC-1 である各プロセスはそのうちの $1/NC$ のデータを消費する (端数切捨て)

プロセス ID 0 のプロセスは残りの端数を含めて消費する



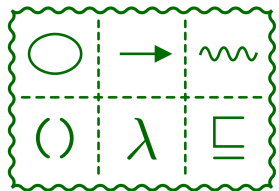
main

```
int main() {
    pthread_t thp[NP], thc[NC];
    int i;
    pthread_mutex_init(&mutex, NULL);
    pthread_cond_init(&cond_empty, NULL);
    pthread_cond_init(&cond_full, NULL);
    for (i = 0; i < NP; ++i)
        pthread_create(&thp[i], NULL, &producer, (void *)i);
    for (i = 0; i < NC; ++i)
        pthread_create(&thc[i], NULL, &consumer, (void *)i);
    ...
}
```



main

```
...  
for (i = 0; i < NP; ++i)  
    pthread_join(pth[i], &retcode);  
for (i = 0; i < NC; ++i)  
    pthread_join(cth[i], &retcode);  
pthread_mutex_destroy(&mutex);  
pthread_cond_destroy(&cond_empty);  
pthread_cond_destroy(&cond_full);  
return 0;  
}
```



main thread による監視例

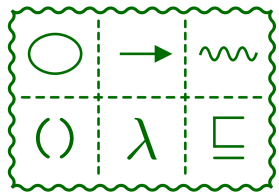
各消費数をカウント

```
volatile int cc[NC];
```

```
void *consumer(void *arg) {  
    int k = (intptr_t)arg;  
    ...  
    for (i = 0; i < n; ++i) {  
        x = get();  
        cc[k]++;  
    }  
    return NULL;  
}
```

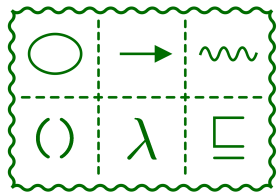
main thread で1秒ごとに表示

```
while (1) {  
    for (i = 0; i < NC; ++i)  
        printf("%8u ", cc[i]);  
    printf("\n");  
    sleep(1);  
}
```



実行例

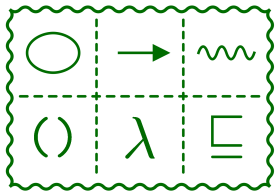
```
~/projects/topse/trunk/vic/lectures/programs
$ ./producers-consumers-cv
    13         6         5         3
  45571     45559     45559     45557
  91370     91358     91358     91356
 137522    137510    137509    137508
 183330    183319    183318    183317
 229964    229953    229952    229951
 275534    275523    275523    275521
 323110    323099    323099    323097
 370815    370804    370803    370802
 417088    417077    417077    417075
 464495    464485    464484    464482
 512079    512069    512068    512066
 559562    559552    559551    559550
 607271    607261    607260    607259
 654033    654023    654022    654021
 700902    700892    700890    700889
```



問題

- 問題

- バッファの更新・読出しをロックの外で行ったらどうなるか
 - 条件変数の待ち状態から抜けたあとはなゼループするのか
 - 条件変数を1つにしたらどうなるか
- モデルで分析を行い，不具合がある場合はその理由あるいは発生シーケンスを説明し，実装で不具合を再現させてください

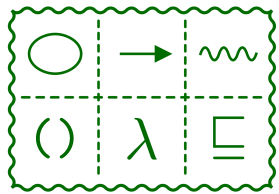


バッファ更新をロックの外へ出す

```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```

生産者の場合

```
void put(int x)
{
    int i;
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
    }
    i = putp++;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
    buf[i] = x;
}
```



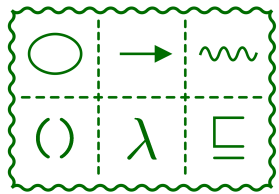
条件変数待ちでループしない

```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```

生産者の場合



```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    if (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```

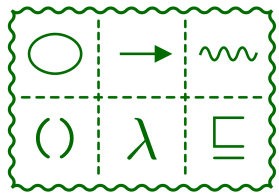


条件変数待ちでループしない

```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```



```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
        assert(count < L);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```



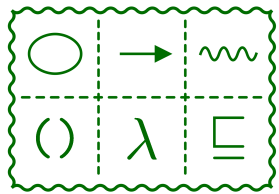
条件変数を1つにする

生産者

```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond, &mutex);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```

消費者

```
int get(void)
{
    int x;
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == 0) {
        pthread_cond_wait(&cond, &mutex);
    }
    x = buf[getp++];
    if (getp == L) getp = 0;
    count--;
    pthread_cond_signal(&cond);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
    return x;
}
```

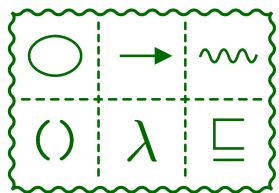


ロック外でのバッファ更新

```
(define-process (P-LOOP k x)
  (? count.rd (c)
    (if (= c L)
      (! wait0 (k)
        (! ret (k)
          (P-LOOP k x)))
      (? putp.rd (i)
        (! putp.wr ((mod (+ i 1) L))
          (! count.wr ((+ c 1))
            (! signal1
              (! unlock
                (! buf.wr (i x) (P k))))))))))
```

生産者

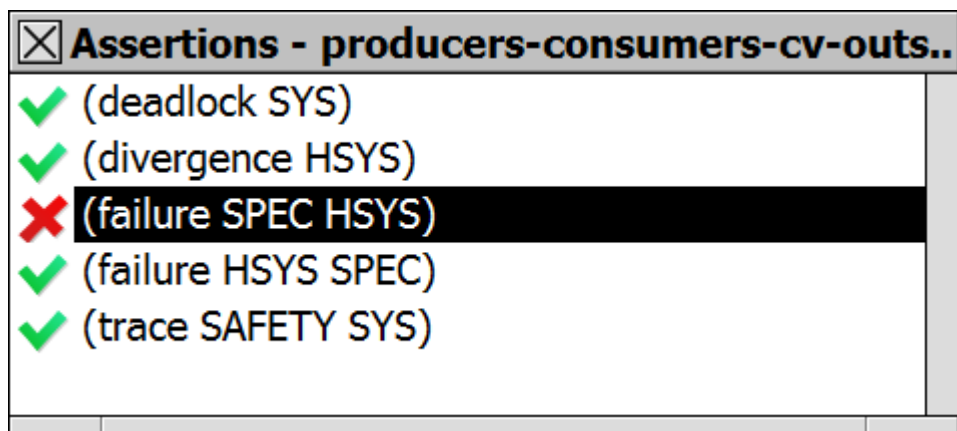
バッファ更新を unlock の後で行うように修正

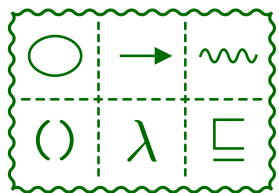


検査

```
(define NP 1)
(define NC 1)
(define L 1)
(define M 2)
```

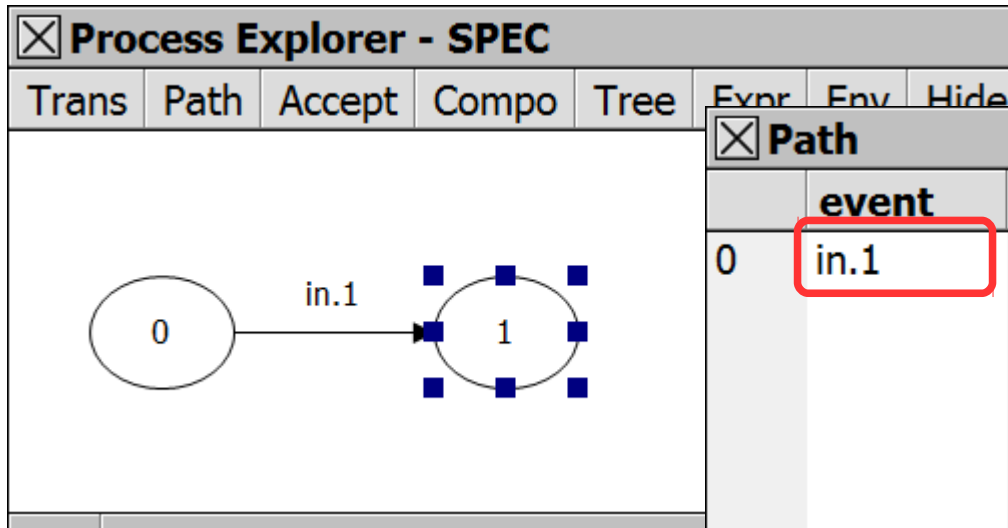
NP: 生産者数
NC: 消費者数
L: バッファの大きさ
M: データの種類





分析

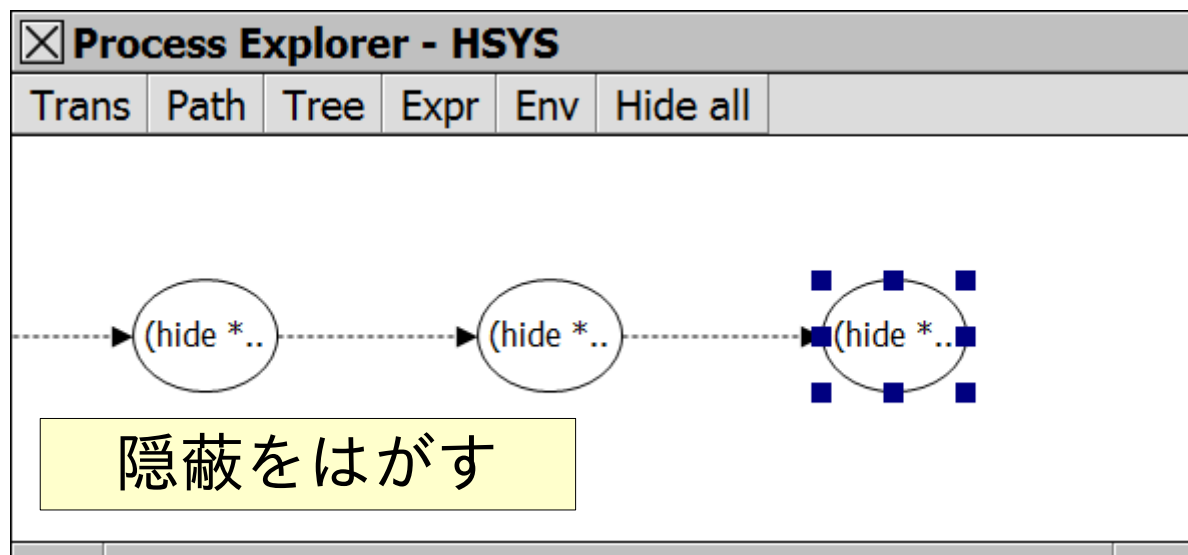
Transitions	
event	target
<input type="checkbox"/> in.0	10
<input type="checkbox"/> in.1	13
<input type="checkbox"/> out.1	3

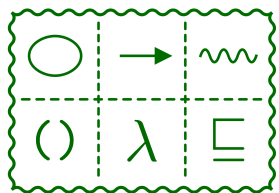


Path	
event	source
in.1	0

トレース違反

Transitions	
event	target
<input type="checkbox"/> tau	(hide * (par * (par
<input type="checkbox"/> out.0	(hide * (par * (par





分析

Path	
event	s
0	in.1
1	lock.0
2	ret.0
3	count.rd.0
4	putp.rd.0
5	putp.wr.0
6	count.wr.1
7	signal1
8	lock.1
9	unlock
10	ret.1
11	count.rd.1
12	getp.rd.0
13	buf.rd.0.0
14	getp.wr.0
15	count.wr.0
16	signal0
17	unlock

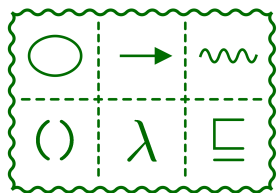
生産者が count と putp 更新
バッファへの書き込みはまだ行っていない

消費者がロックを要求

生産者がアンロック

消費者がバッファからデータを引き取る

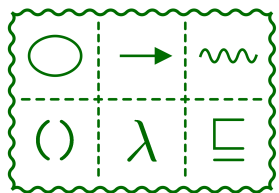
消費者はバッファの初期値を読んでいる



ロック外でのバッファ参照

```
(define-process (Q-LOOP k)
  (? count.rd (c)
    (if (= c 0)
      (! wait1 (k)
        (! ret (k) (Q-LOOP k)))
      (? getp.rd (i)
        (! getp.wr ((mod (+ i 1) L))
          (! count.wr ((- c 1))
            (! signal0
              (! unlock
                (? buf.rd (ii x) (= i ii)
                  (! out (x) (Q k))))))))))))))
```

消費者



分析

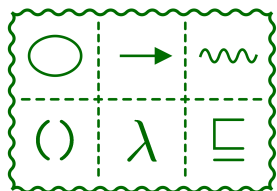
Transitions		Process Explorer - SPEC							
event	target	Trans	Path	Accept	Compo	Tree	Expr	Env	Hide
<input type="checkbox"/> in.0	12								
<input type="checkbox"/> in.1	11								
<input type="checkbox"/> out.1	2								

Path		
	event	source
0	in.1	0
1	in.0	1

トレース違反

Transitions	
event	target
<input type="checkbox"/> tau	(hide * (par * (par
<input type="checkbox"/> out.0	(hide * (par * (par

Process Explorer - HSYS					
Trans	Path	Tree	Expr	Env	Hide all



Path		
	event	s
0	in.1	
1	lock.0	
2	ret.0	
3	count.rd.0	
4	putp.rd.0	
5	buf.wr.0.1	
6	putp.wr.0	
7	count.wr.1	
8	signal1	
9	lock.1	
10	unlock	
11	ret.1	
12	count.rd.1	
13	getp.rd.0	
14	getp.wr.0	
15	count.wr.0	
16	signal0	
17	unlock	
18	in.0	
19	lock.0	
20	ret.0	
21	count.rd.0	
22	putp.rd.0	
23	buf.wr.0.0	
24	buf.rd.0.0	

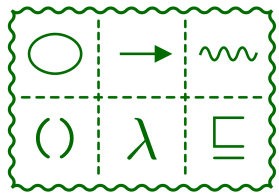
分析

生産者がデータ 1 でバッファ更新

消費者が count, getp 更新
バッファからの読出しは
まだ行っていない

生産者がデータ 0 でバッファ更新

引き取る前に上書きされている



実装での再現

データの総和を求める

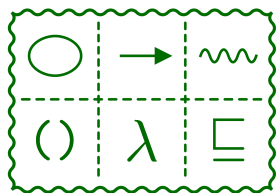
```
volatile long cc[NC];
```

```
void *consumer(void *arg) {  
    int k = (intptr_t)arg;  
    int n, i;  
    long s = 0;  
    n = NP * M / NC;  
    n = (k > 0) ? n : NP * M - (NC -  
    for (i = 0; i < n; ++i) {  
        s += get();  
    }  
    cc[k] = s;  
    return NULL;  
}
```

main (スレッド終了後)

```
s = 0;  
for (i = 0; i < NC; ++i)  
    s += cc[i];  
printf("%ld\n", s);
```

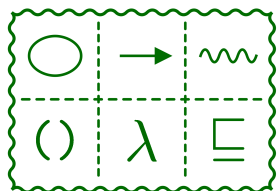
プログラムが正しければ
0 ~ NP * M - 1 の総和
 $NP * M * (NP * M - 1) / 2$
に一致する



再現の頻度を高めるポイント

```
void put(int x) {
    int i;
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
    }
    i = putp++;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
    printf("\n");
    buf[i] = x;
}
```

unlock とバッファ更新の間に
時間のかかる処理を入れると発生する

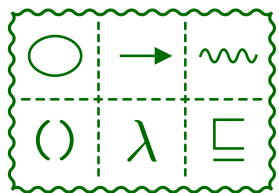


条件変数待ちループなし

```
(define-process (P-LOOP k x)
  (? count.rd (c)
    (if (= c L)
      (! wait0 (k)
        (! ret (k)
          (? count.rd (c)
            (P-WRITE k x c))))
      (P-WRITE k x c))))
```

起こされたら count を再読み込みして
そのまま書き込みへ行く

```
(define-process (P-WRITE k x c)
  (? putp.rd (i)
    (! buf.wr (i x)
      (! putp.wr ((mod (+ i 1) L))
        (! count.wr ((+ c 1))
          (! signal1
            (! unlock (P k))))))))))
```

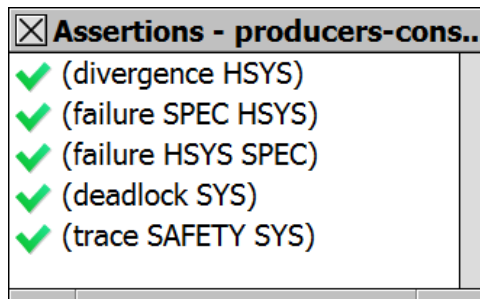
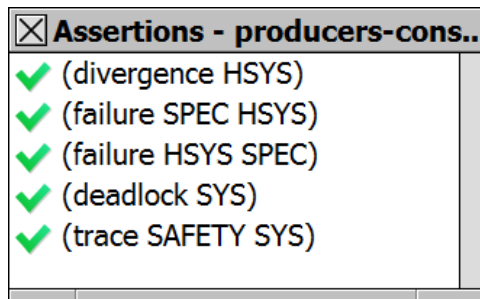


検査

```
(define NP 1)
(define NC 1)
(define L 1)
(define M 2)
```

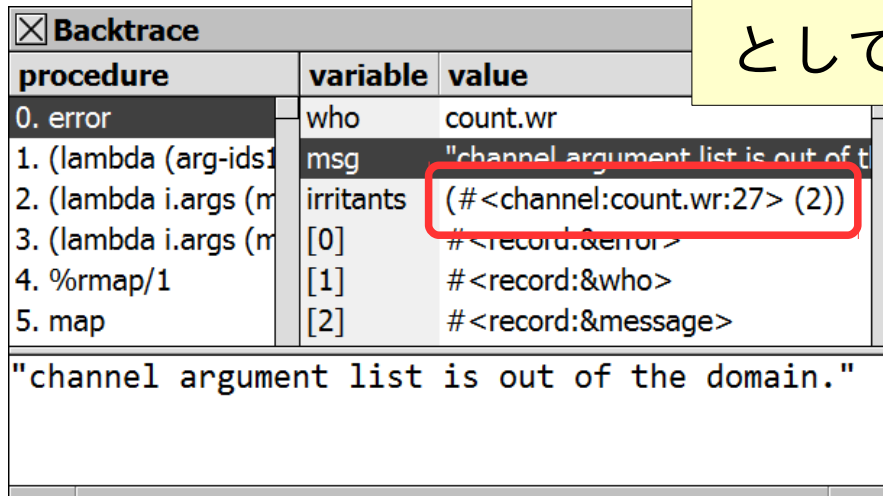
```
(define NP 1)
(define NC 2)
(define L 1)
(define M 2)
```

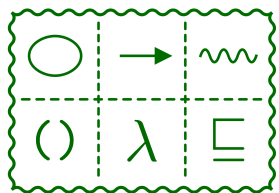
```
(define NP 2)
(define NC 1)
(define L 1)
(define M 2)
```



NP: 生産者数
 NC: 消費者数
 L: バッファの大きさ
 M: データの種類

バッファサイズ L=1 で
 count に 2 を代入しよう
 としている





条件変数待ちループなし

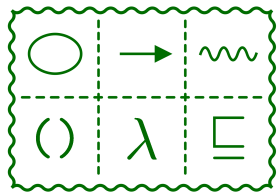
```
(define-process (P-LOOP k x)
  (? count.rd (c)
    (if (= c L)
      (! wait0 (k)
        (! ret (k)
          (? count.rd (c)
            (if (= c L)
              STOP
              (P-WRITE k x c))))))
    (P-WRITE k x c))))
```

起こされた直後に count = L ならば
デッドロックさせる

Assertions - producers-cons..

- ? (divergence HSYS)
- ? (failure SPEC HSYS)
- ? (failure HSYS SPEC)
- X (deadlock SYS)**
- ? (trace SAFETY SYS)

隠蔽していないシステムプロセス SYS に対して検査を行うと分析が容易になる



分析

生産者 0 が
データ格納

生産者 1 は
バッファフルで
wait

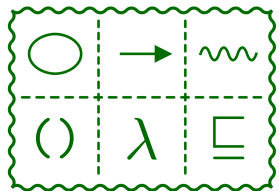
消費者がデータを
引き取り
生産者 1 を起こす

Path		s
	event	
0	in.1	
1	lock.0	
2	ret.0	
3	count.rd.0	
4	putp.rd.0	
5	buf.wr.0.1	
6	putp.wr.0	
7	count.wr.1	
8	signal1	
9	in.0	
10	unlock	
11	lock.1	
12	ret.1	
13	count.rd.1	
14	wait0.1	
15	lock.2	
16	ret.2	
17	count.rd.1	
18	getp.rd.0	
19	buf.rd.0.1	
20	getp.wr.0	
21	count.wr.0	
22	signal0	

Path		s
	event	
23	in.1	
24	unlock	
25	lock.0	
26	tau	
27	ret.0	
28	count.rd.0	
29	putp.rd.0	
30	buf.wr.0.1	
31	putp.wr.0	
32	count.wr.1	
33	signal1	
34	unlock	
35	ret.1	
36	out.1	
37	lock.2	
38	in.0	
39	lock.0	
40	count.rd.1	

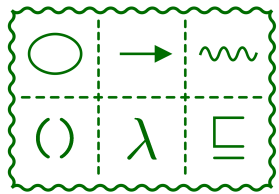
生産者 0 が
データ格納
count = 1
(フル)

生産者 1 が
起きて count
= 1 を読む



実装での再現

```
void put(int x)
{
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == L) {
        pthread_cond_wait(&cond_full, &mutex);
        assert(count < L);
    }
    buf[putp++] = x;
    if (putp == L) putp = 0;
    count++;
    pthread_cond_signal(&cond_empty);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
}
```



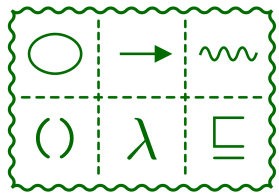
再現の頻度を高めるポイント

条件変数を待っているプロセスの中からどれを起こすかというスケジューリングの問題なので，外部から制御はできない

バッファサイズを小さくし，プロセスを増やすことで待ち状態を起きやすくすると発生しやすい

```
(define NP 10)
(define NC 10)
(define L 1)
(define M 2)
```

NP: 生産者数
NC: 消費者数
L: バッファの大きさ
M: データの種類

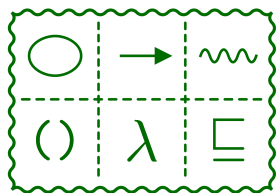


条件変数を1つにする

条件変数 0 のみ使用

```
(define-process (Q-LOOP k)
  (alt
    (! empty
      (! wait0 (k)
        (! ret (k) (Q-LOOP k))))
    (! dec
      (? getp.rd (i)
        (? buf.rd (ii x) (= i ii)
          (! signal0
            (! unlock
              (! out (x) (Q k))))))))))
```

```
(define-process (P-LOOP k x)
  (alt
    (! full
      (! wait0 (k)
        (! ret (k) (P-LOOP k x))))
    (! inc
      (? putp.rd (i)
        (! buf.wr (i x)
          (! signal0
            (! unlock (P k))))))))))
```



検査

NP	生産者数
NC	消費者数
L	バッファの大きさ
M = 2	データの種類

(define NP 1)
(define NC 1)
(define L 1)

☒ Assertions - producers-cons..	
✓	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✓	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)

(define NP 2)
(define NC 1)
(define L 1)

☒ Assertions - producers-cons..	
✗	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✗	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)

(define NP 1)
(define NC 2)
(define L 1)

☒ Assertions - producers-cons..	
✗	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✗	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)

(define NP 2)
(define NC 2)
(define L 1)

☒ Assertions - producers-cons..	
✗	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✗	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)

(define NP 1)
(define NC 1)
(define L 2)

☒ Assertions - producers-cons..	
✓	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✓	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)

(define NP 2)
(define NC 1)
(define L 2)

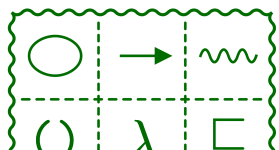
☒ Assertions - producers-cons..	
✓	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✓	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)

(define NP 1)
(define NC 2)
(define L 2)

☒ Assertions - producers-cons..	
✓	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✓	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)

(define NP 2)
(define NC 2)
(define L 2)

☒ Assertions - producers-cons..	
✓	(deadlock SYS)
✓	(divergence HSYS)
✓	(failure SPEC HSYS)
✓	(failure HSYS SPEC)



消費者 1 が wait

消費者 0 が wait

生産者がデータを格納し消費者 0 を起こす

生産者が wait

Path	
	event
0	lock.2
1	ret.2
2	count.rd.0
3	wait0.2
4	lock.1
5	ret.1
6	in.1
7	lock.0
8	count.rd.0
9	wait0.1
10	ret.0
11	count.rd.0
12	putp.rd.0
13	buf.wr.0.1
14	putp.wr.0
15	count.wr.1
16	signal0
17	tau
18	unlock
19	in.0
20	lock.0
21	tau
22	ret.0
23	count.rd.1
24	wait0.0

分析

(define NP 1)
 (define NC 2)
 (define L 1)

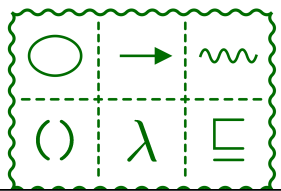
消費者 0 がデータを
 引き取り消費者 1 を
 起こす

Environment		Environment	
variable	value	variable	value
cs0	(0 2)	cs0	(0)
cs1	()	cs1	()
m	1	m	1
ms	()	ms	(2)

消費者 1 が wait

消費者 0 が wait

Path	
	event
25	ret.1
26	count.rd.1
27	getp.rd.0
28	buf.rd.0.1
29	getp.wr.0
30	count.wr.0
31	signal0
32	tau
33	unlock
34	ret.2
35	count.rd.0
36	out.1
37	wait0.2
38	lock.1
39	ret.1
40	count.rd.0
41	wait0.1



分析

(define NP 2)
 (define NC 1)
 (define L 1)

Path		
	event	s
0	in.0	
1	lock.1	
2	ret.1	
3	count.rd.0	
4	putp.rd.0	
5	buf.wr.0.0	
6	putp.wr.0	
7	count.wr.1	
8	in.0	
9	signal0	
10	unlock	
11	lock.0	
12	ret.0	
13	count.rd.1	
14	in.0	
15	wait0.0	
16	lock.1	
17	ret.1	
18	lock.2	
19	count.rd.1	
20	wait0.1	

生産者 1
格納

生産者 0
wait

生産者 1
wait

Limited

Path		
	event	s
21	ret.2	
22	count.rd.1	
23	getp.rd.0	
24	buf.rd.0.0	
25	getp.wr.0	
26	count.wr.0	
27	signal0	
28	tau	
29	unlock	
30	out.0	
31	lock.2	
32	tau	
33	ret.2	
34	count.rd.0	
35	wait0.2	

消費者
引き取り

生産者 0
wakeup

消費者
wait

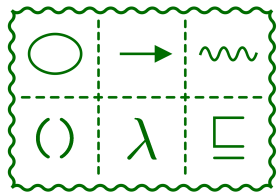
Path		
	event	s
36	ret.0	
37	count.rd.0	
38	putp.rd.0	
39	buf.wr.0.0	
40	putp.wr.0	
41	count.wr.1	
42	signal0	
43	tau	
44	unlock	
45	ret.1	
46	count.rd.1	
47	in.0	
48	wait0.1	
49	lock.0	
50	ret.0	
51	count.rd.1	
52	wait0.0	

生産者 0
格納

生産者 1
wakeup

生産者 1
wait

生産者 0
wait



デッドロックが起こる条件

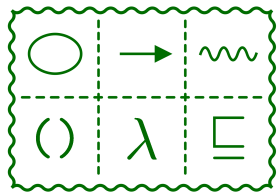
$2L \leq NP$ または $2L \leq NC$ の場合はデッドロックがある

$2L \leq NP$

1. 生産者がフルになるまでデータを格納し, 全員 wait
2. 消費者がデータをすべて引き取り wait, その間に L 個の生産者を起こす
3. L 個の生産者がフルになるまでデータを格納し wait, その間に寝ている**生産者**を L 個起こす
4. バッファはフルなので起こされた生産者はすべて wait

$2L \leq NC$

1. 空なのですべての消費者が wait
2. 生産者がフルになるまで格納し wait, その間に L 個の消費者を起こす
3. L 個の消費者がデータをすべて引き取り wait, その間に寝ている**消費者**を L 個起こす
4. バッファは空なので起こされた消費者はすべて wait



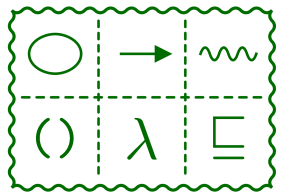
実装での再現

消費者がすべて wait するのを待つ

```
void *producer(void *arg) {
    int k = (intptr_t)arg;
    int i;
    sleep(1);
    for (i = 0; i < M; ++i) {
        put(k, k * M + i);
    }
    return NULL;
}
```

生産者を先に wait させる

```
int get(int k) {
    int x;
    pthread_mutex_lock(&mutex);
    while (count == 0) {
        pthread_cond_wait(&cond, &mutex);
        sleep(1);
    }
    x = buf[getp++];
    if (getp == L) getp = 0;
    count--;
    pthread_cond_signal(&cond);
    pthread_mutex_unlock(&mutex);
    return x;
}
```



まとめ

- 同期機構を使った並行システムの設計は難しい
 - コード上の小さな誤りが仕様違反やデッドロックなどの致命的な不具合を生み出す
 - 非決定性のためにテストでは発見しにくく，発見しても原因を調べることは難しい
- 同期機構のモデルを使った検査は有効である
 - 問題を確実に発見し，原因を分析できる